



**Universität
Zürich^{UZH}**

Computer- Gestütztes Experimentieren I (SPI301)

Herbstsemester 2020

**Roland Bernet
Herbert Bitto
Behzad Sardari Ghojehbeiglou**

Computergestütztes Experimentieren I

(SPI301)

ECTS: 5

Übersicht

Bei diesem Kurs geht es darum, ein Verständnis für die Planung, den Aufbau und die Durchführung von Experimenten zu erlangen, die Computer einsetzen für das Steuern der Experimentierparameter, für das Erfassen von Messdaten und für die Datenanalyse

Durchführung

Zweistündige Vorlesung

Dreistündiges Praktikum

Mündliche Prüfung (30 Min)

Beschreibung

Im Herbstsemester (CGE I) beginnen wir zunächst damit, ein Verständnis für den Aufbau von Rechnern zu erarbeiten, indem wir einen einfachen Modellrechner mittels digitaler Schaltungen aufbauen. Danach werden einfache Experimente durchgeführt, anhand derer der typische Aufbau von Programmen, die Hardware und die Software Aspekte der Schnittstelle zwischen Experiment und Computer besprochen werden. Ferner befassen wir uns mit der Erfassung und Analyse zeitlich veränderlicher Analogsignale.

Dabei kommen Programmiersprachen wie LabVIEW und C++ (CGE II) zum Einsatz.

Anrechnung

im Hauptstudium

in den meisten MNF Fächern z.B. Physik, Chemie und verschiedene Varianten, Biologie, Mathematik, ... ; Informatik in Varianten

in Nebenfächern

Computational Science, Simulationen in den Naturwissenschaften (in Varianten), Neuroinformatik (in Varianten); Informatik (in Varianten)

VORLESUNGSÜBERSICHT

Verbindung Rechner - Prozess

Einführung in die Technische Informatik

Zahlendarstellung

Kombinatorische Schaltkreise

Sequentielle Schaltkreise

Struktur eines Rechners

Software Engineering

Kommunikationssysteme

Erfassung analoger Meßsignale

Erfassung und Analyse zeitlich veränderlicher Signale

Computergestütztes Experimentieren I + II

Praktikum

Physik-Institut und Chem. Institut

- Digitale Elektronik (vom Gatter zum Computer)
 - Echtzeit-Programmentwicklung in einer höheren Programmiersprache
(Plattform: IBM PC, Betriebssystem: Windows/Linux, Sprache: NI-LabView)
 - Steuerung mit standardisiertem Labor-Instrumenten-Bus (GPIB-Bus)
(Experiment: Spezifische Wärme)
 - Steuerung mit Multifunktionsschnittstellenkarte
(Experimente: Digitale Ausgabe, Blendenversuch, Blendenregelung)
 - Übungen zur digitalen Signalverarbeitung zeitlich veränderlicher Signale und zum Abtasttheorem
-

- Einführung in C/C++ (Borland C++ Builder im Embarcadero RAD Studio)
- Einfache Experimente mit Multifunktionsschnittstellenkarte
 - Digitale Ausgabe
 - Blendenversuch (C++ GUI, TChart Grafik)
- Komplexes Experiment mit Multithreading
 - Gesteuerter Chemischer Reaktor

Literaturverzeichnis

K. L. Ratzlaff	Introduction to Computer-assisted Experimentation John Wiley & Sons, 1987
Meyers Lexikonredaktion	Wie funktioniert das? Der Computer Meyers Lexikonverlag, 1990
K. Ebert, H. Ederer	Computeranwendungen in der Chemie Verlag Chemie
W. J. Hurst	Automation in the Laboratory VCH Publishers
D. W. Hoffmann	Grundlagen der Technischen Informatik Hanser 2013
E. Leonhardt	Grundlagen der Digitaltechnik Hanser Verlag
O. Haack	Einführung in die Digitaltechnik Teubner Verlag
L. Graf, H. Jacob, W. Meindl, W. Weber	Keine Angst vor dem Microcomputer VDI-Verlag
E. O. Brigham	FFT Verlag: R. Oldenburg
W. H. Press, S. A. Teukolsky W. T. Vetterling, B. P. Flannery	Numerical Recipes Cambridge University Press
R. N. Bracewell	The Fourier-Transform and its Applications McGraw-Hill
D. Achilles	Die Fourier-Transformation in der Signalverarbeitung Springer Verlag
P. R. Bevington	Data Reduction and Error Analysis for the Physical Sciences, McGraw-Hill
R. Ludwig	Methoden der Fehler- und Ausgleichsrechnung Vieweg Verlag

Verbindung Rechner - Prozess

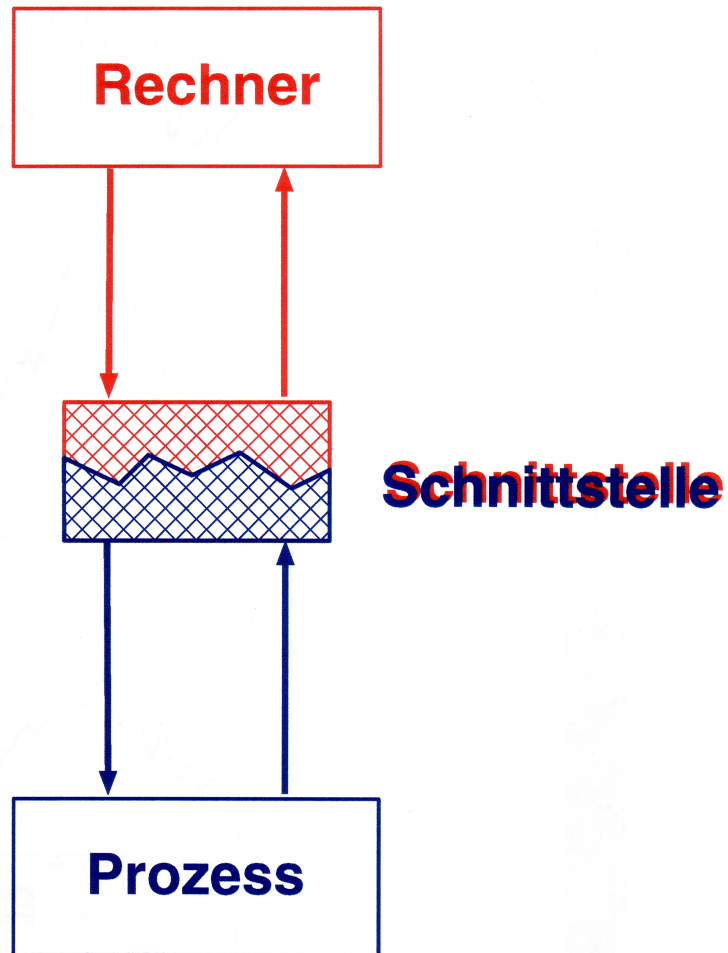
1. Definition Prozess
2. Arten der Prozesskopplung
 - 2.1 Indirekte Prozesskopplung (off-line)
 - 2.2 Direkte Prozesskopplung (on-line)
 - 2.3 Innige Prozesskopplung (in-line)
3. Anwendungsbeispiele

1. Definition des Begriffes **Prozess**

Unter einem **Prozess** versteht man einen Vorgang zur Umformung oder zum Transport von Stoff, Energie oder Information.

Unter einem **technischen Prozess** versteht man ein System, dessen Zustandsgrößen überwiegend physikalische Größen sind, die gemessen, gesteuert und geregelt werden können.

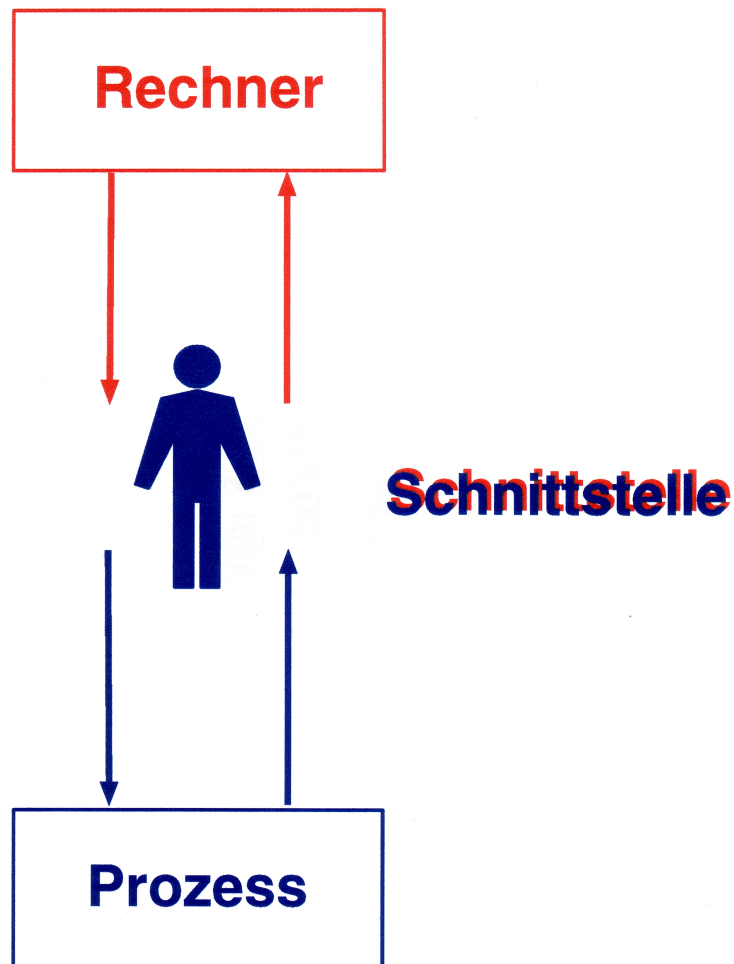
2. Kopplung Rechner - Prozess



Kopplung Rechner - Prozess

Die Möglichkeiten der Kopplung entwickelten sich in der Geschichte des Computers.

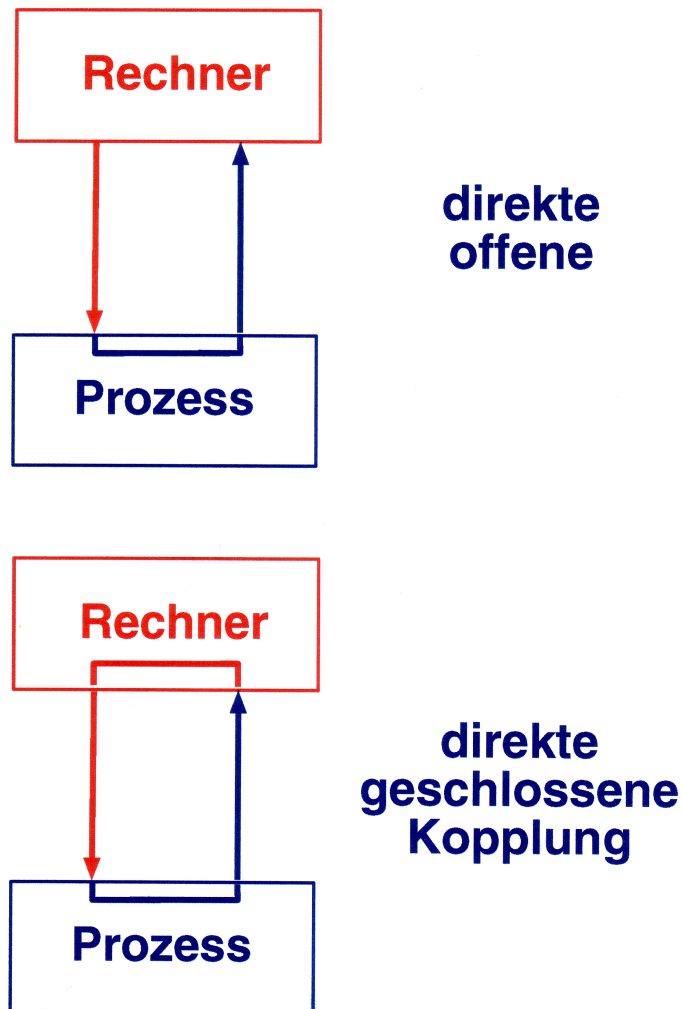
2.1 Indirekte Prozesskopplung (off-line)



indirekte Kopplung

Zeitalter des Grosscomputers (Mainframe z.B. IBM360):
Stapelverarbeitung; Aufkommen der interaktiven Verarbeitung

2.2 Direkte Prozesskopplung (on-line)

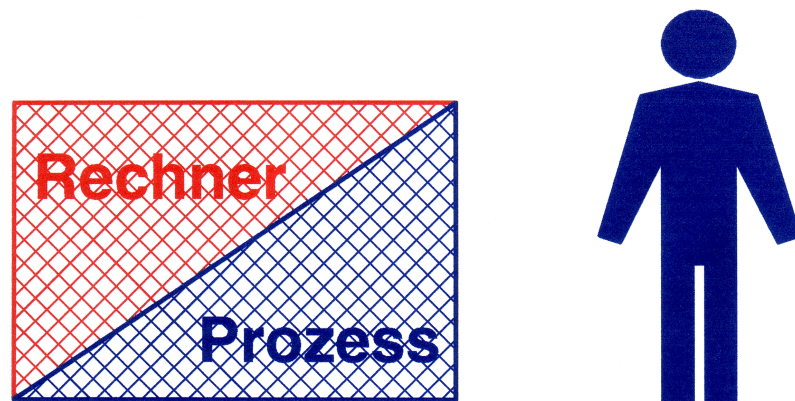


Aufkommen der Minicomputer Ende der 1960er

Reduktion der Antwortzeit ermöglichte Echtzeit-Verarbeitung →

Laborcomputer ([PDP11](#))

2.3 Innige Prozesskopplung (in-line)



innige Kopplung

Weitere Miniaturisierung → Microprozessoren
Erfindung des Personal Computers (Apple I 1976)
Intelligente Laborgeräte
Direkte Kopplung an zentralen Rechner

Aktuell: **I**nternet **o**f **T**hings **IoT**

3. Anwendung der direkten Kopplung bei Experimenten

- Schnelle Datenerfassung (Geschwindigkeit und Fülle)
- Langandauernde Datenerfassung
- Wiederholung zur S/N - Verbesserung
- Steuerung des Experimentes
- Kostenreduktion

Technische Informatik

1. Grundlagen und Zahlendarstellung

1.1 Grundlagen

1.2 Zahlendarstellung und Umwandlung dezimal \iff dual

1.3 Addition

1.4 Subtraktion, negative Zahlen

2. Kombinatorische Schaltkreise

2.1 Basisoperatoren

2.2 Logische Schaltkreise

2.3 Grundgesetze der Schaltalgebra

2.4 Entwicklung einer Schaltung

2.5 Abgeleitete logische Schaltkreise

Erfindung der ersten programmierbaren Rechenmaschine

Charles Babbage:

- Difference Engine :

Bau 1832; nie funktionstüchtig;
Berechnung von Logarithmentafeln



- Analytical Engine :

Planung ab 1833; nie gebaut
Gleitkommadarstellung, Dezimalzahlen
Programmierbar (Turingmächtig)



Erstes Programm: Berechnung der Bernoulli-Zahlen
durch [Ada Lovelace](#)
(Erfindung des algorithmischen Programmierens)



Frühe Computer des 20.-ten Jahrhunderts

<u>Computermodell</u>	Land	Inbetriebnahme	<u>Gleitkomma-arithmetik</u>	<u>Binär</u>	<u>Elektronisch</u>	<u>Programmierbar</u>	<u>Turingmächtig</u>
Zuse Z3	Deutschland	Mai 1941	Ja	Ja	Nein	Ja, mittels Lochstreifen	Ja, ohne Praxisnutzen
<u>Atanasoff-Berry-Computer</u>	USA	Sommer 1941	Nein	Ja	Ja	Nein	Nein
<u>Colossus</u>	UK	1943	Nein	Ja	Ja	Teilweise, durch Neuverkabelung	Nein
<u>Mark I</u>	USA	1944	Nein	Nein	Nein	Ja, mittels Lochstreifen	Ja
<u>Zuse Z4</u>	Deutschland	März 1945	Ja	Ja	Nein	Ja, mittels Lochstreifen	Ja, ohne Praxisnutzen
		um 1950	Ja	Ja	Nein	Ja, mittels Lochstreifen	Ja
<u>ENIAC</u>	USA	1946	Nein	Nein	Ja	Teilweise, durch Neuverkabelung	Ja
		1948	Nein	Nein	Ja	Ja, mittels Widerstandsmatrix	Ja

Quelle Wikipedia [Zuse Z3](#)

Neuerungen der ersten modernen Rechner von Zuse und Atanasoff

1. Duale Zahlendarstellung
2. Bistabile Schaltelemente z.B. zur Speicherung
3. Verwendung der [Aussagenlogik](#) (Aristoteles) oder der isomorphen [Schaltalgebra](#) (siehe C. Shannon, Masterarbeit 1937)
4. Gleitkommadarstellung der Zahlen

Voraussetzungen der Aussagenlogik und der zweiwertigen Schaltalgebra

1. Prinzip der Zweiwertigkeit jeder Aussage
"wahr" oder "falsch"; Strom "fließt" oder "fließt nicht"
2. Prinzip des ausgeschlossenen Dritten
Es gibt nur wahre oder falsche Aussagen; nichts anderes wie z.B. Jain
3. Prinzip vom ausgeschlossenen Widerspruch
Eine Aussage kann nicht wahr und falsch sein.

Zahlensysteme

Additionssysteme

Kulturvolk	Zahlendarstellung und Bedeutung
Römer	$\underbrace{\text{M} \text{ C} \text{ M}}_{(2 \cdot 1000 - 100)} + \underbrace{\text{L}}_{50} + \underbrace{\text{XXX}}_{30} + \underbrace{\text{I}}_1 = 1\,981$
Ägypter	$\underbrace{\text{ }}_{5 \cdot 10\,000} + \underbrace{\text{ }}_{2 \cdot 1000} + \underbrace{\text{99}}_{3 \cdot 100} + \underbrace{\text{ }}_{9 \cdot 10} + \underbrace{\text{ }}_6 = 52\,396$
Sumerer	$\underbrace{\text{OO}}_{2 \cdot 3600} + \underbrace{\text{D}}_{600} + \underbrace{\text{D}}_{60} + \underbrace{\text{8}}_{2 \cdot 10} + \underbrace{\text{BB}}_4 = 7\,884$
China (Sangi-Zahlzeichen)	$\underbrace{\text{H}}_1 + \underbrace{\text{ }}_{10} + \underbrace{\text{ }}_4 + \underbrace{\text{ }}_{80} + \underbrace{\text{ }}_9 = 11\,489$

Stellenwertsysteme

Potenzreihendarstellung in der Basis β :

$$Z = \sum_{i=0}^{N-1} \alpha_i \beta^i \quad 0 \leq \alpha_i \leq \beta - 1$$

a) Dezimalsystem

$$374,5 = 3 \cdot 10^2 + 7 \cdot 10^1 + 4 \cdot 10^0 + 5 \cdot 10^{-1}$$

b) Dualsystem

$$100\,101 = 1 \cdot 2^5 + 0 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 (=37)$$

Zahlendarstellung in verschiedenen Zahlensystemen

Zahlenwert	Dual	Oktal	Dezimal	Hexadezimal
Null	0	0	0	0
Eins	1	1	1	1
Zwei	10	2	2	2
Drei	11	3	3	3
Vier	100	4	4	4
Fünf	101	5	5	5
Sechs	110	6	6	6
Sieben	111	7	7	7
Acht	1000	10	8	8
Neun	1001	11	9	9
Zehn	1010	12	10	A
Elf	1011	13	11	B
Zwölf	1100	14	12	C
Dreizehn	1101	15	13	D
Vierzehn	1110	16	14	E
Fünfzehn	1111	17	15	F
Sechszehn	10000	20	16	10

Potenzreihendarstellung in der Basis β :

$$Z = \sum_{i=0}^{N-1} \alpha_i \beta^i \quad 0 \leq \alpha_i \leq \beta - 1$$

Umrechnung von Zahlen eines Zahlensystems in ein anderes

Beispiel Umrechnung von Dezimalsystem nach Dualsystem der Zahl 11:

Wir verwenden die Potenzreihendarstellung der Zahlen

$$Z = \sum_{i=0}^{N-1} a_i \beta^i \quad 0 \leq a_i \leq \beta - 1$$

Dann gilt für die Zahl 11

$$11_{10} = \sum_{i=0}^3 a_i 2^i = a_3 2^3 + a_2 2^2 + a_1 2^1 + a_0 2^0$$

Aus praktischen Gründen schreiben wir den Ausdruck im Hornerschema

$$11_{10} = ((a_3 2 + a_2) 2 + a_1) 2 + a_0$$

Nach der j-ten ganzzahligen Division (mod) durch die Basis 2 erhalten wir die j-1-te Ziffer

j	Z_j	Rest	Z_j	$\text{mod}(Z_j, 2)$
0	11		$((a_3 2 + a_2) 2 + a_1) 2 + a_0$	
1	5	1	$(a_3 2 + a_2) 2 + a_1$	a_0
2	2	1	$a_3 2 + a_2$	a_1
3	1	0	a_3	a_2
4	0	1		a_3

$$11_{10} = 1011_2$$

Umwandlung von Dual in Oktal und Hexadezimal

$$11_{10} = | \quad 1 | 011 |_2 = 13_8$$

$$11_{10} = | 1011 |_2 = B_{16}$$

Subtraktion und negative Dualzahlen

Subtraktion mittels Addition des Zweierkomplements:

$$A - B = A + (K - B) - K$$

Vereinbarung:

N_{max} -stellige Dualzahlen

grösste darstellbare Zahl: $Z_{max} = 2^{N_{max}} - 1$

grösste positive Zahl: $P_{max} = 2^{N_{max}-1} - 1$

Zweierkomplement $K - B$: $P_{max} + 1 \leq K - B \leq Z_{max}$,

$$K = Z_{max} + 1 = 2^{N_{max}}$$

Zweierkomplement aus Einserkomplement \overline{B}

$$B \longrightarrow \overline{B} : 0 \leftrightarrow 1$$

$$B + \overline{B} = K - 1$$

$$K - B = \overline{B} + 1$$

Beispiel: Darstellung mit 8 Dualziffern

(= 8 Bit = 1 Byte)

$K = 2^8 = 100000000_2$, nicht darstellbar

$B = 3$

$$\begin{array}{r}
 K \\
 - B \\
 \hline
 K - B
 \end{array}
 \qquad
 \begin{array}{r}
 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \\
 - \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \\
 \hline
 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1
 \end{array}$$

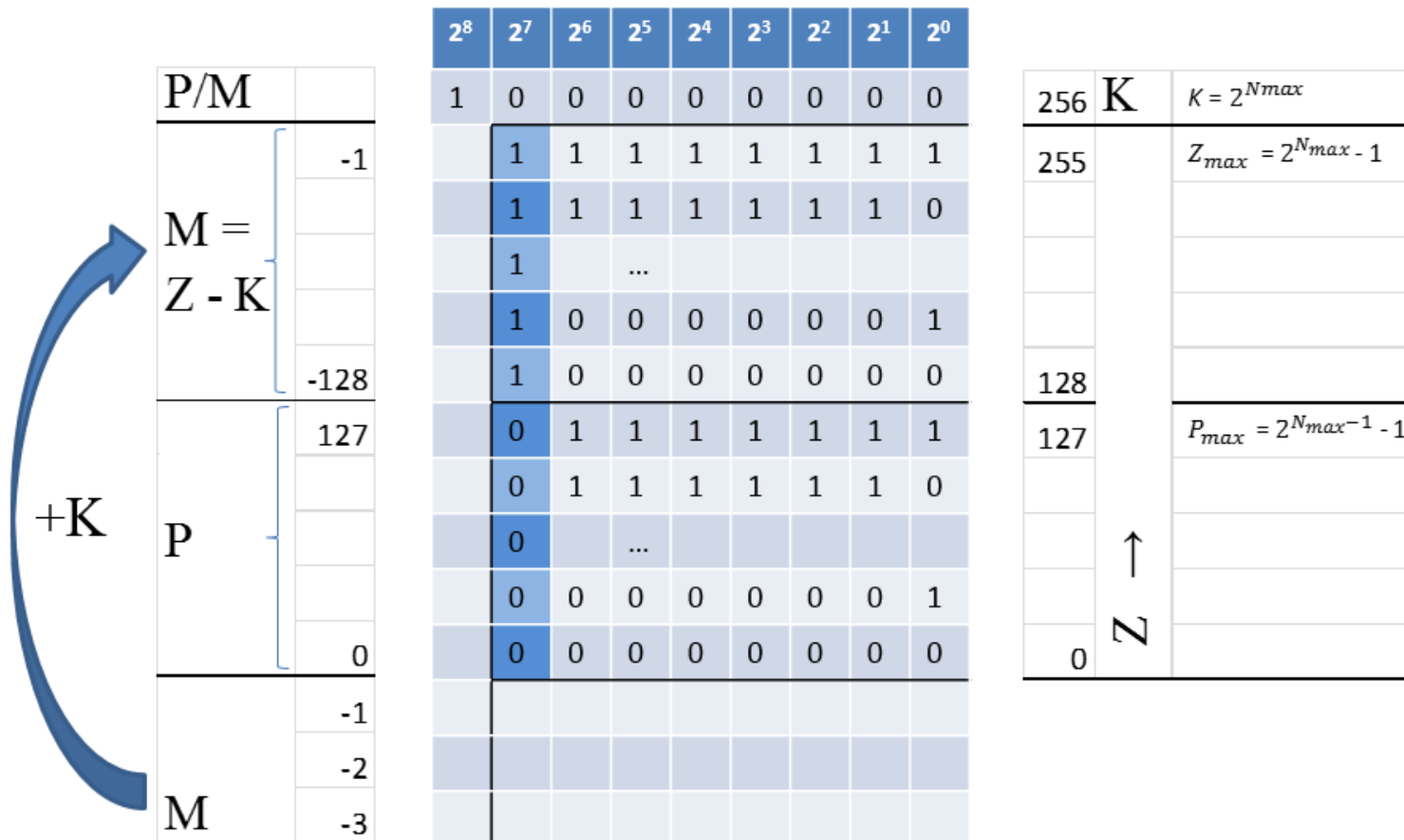
$K - B$ aus Einserkomplement

$$\begin{array}{r}
 \overline{B} \\
 + 1 \\
 \hline
 K - B
 \end{array}
 \qquad
 \begin{array}{r}
 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \\
 + 1 \\
 \hline
 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1
 \end{array}$$

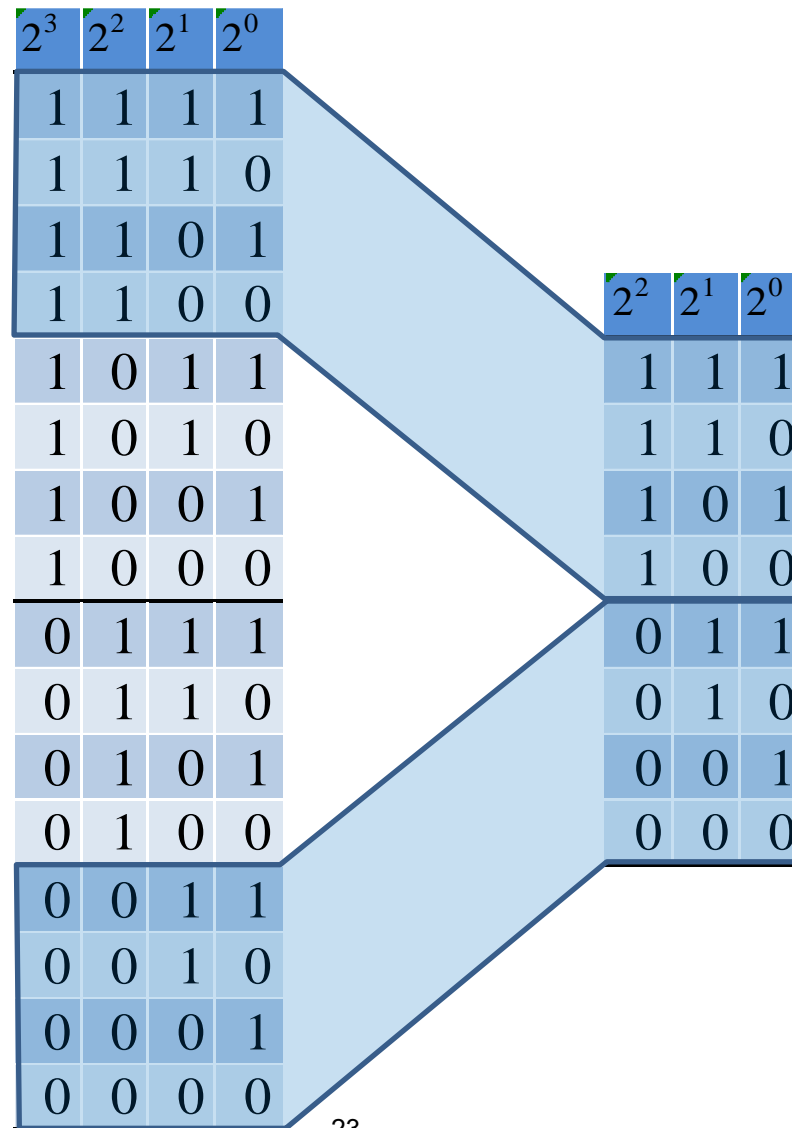
$A - B; A = 7$

$$\begin{array}{r}
 A \\
 + \ K - B \\
 \hline
 A + K - B
 \end{array}
 \qquad
 \begin{array}{r}
 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \\
 + \ 1_1 \ 1_1 \ 1_1 \ 1_1 \ 1_1 \ 1_1 \ 0_1 \ 1 \\
 \hline
 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0
 \end{array}$$

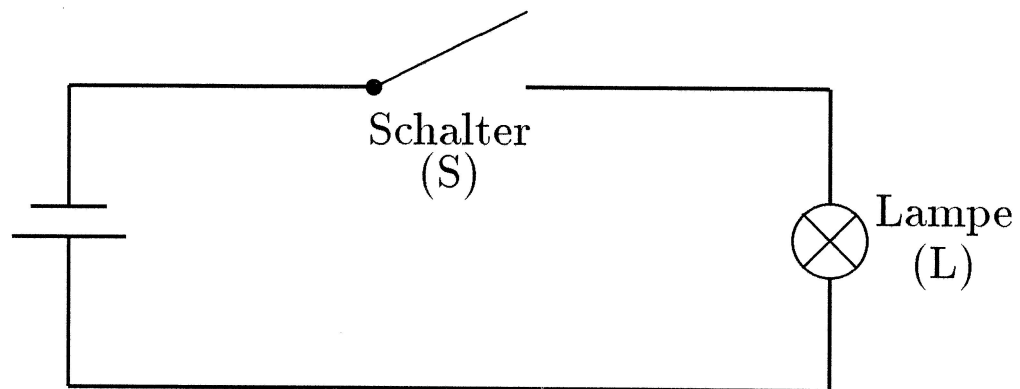
Zweierkomplement ($N_{\max} = 8$)



Vorzeichenerweiterung von $N_{\max} = 3$ nach $N_{\max} = 4$



Die Identität



Aussagenlogik:

Der Schalter ist geschlossen = Die Lampe ist hell
 $S = L$

Funktionstabelle:

Schalter	Lampe
offen	dunkel
geschlossen	hell

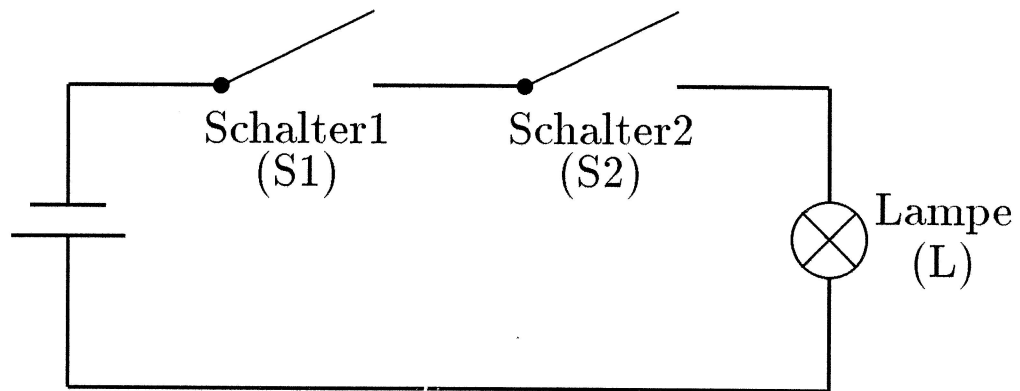
Vereinbarungen:

offen = 0 geschlossen = 1
dunkel = 0 hell = 1
falsch = 0 wahr = 1

Wahrheitstabelle:

Schalter	Lampe
0	0
1	1

Die Konjunktion



Aussagenlogik:

Schalter1 ist geschlossen UND Schalter2 ist geschlossen =

Die Lampe ist hell

$$S1 \wedge S2 = L$$

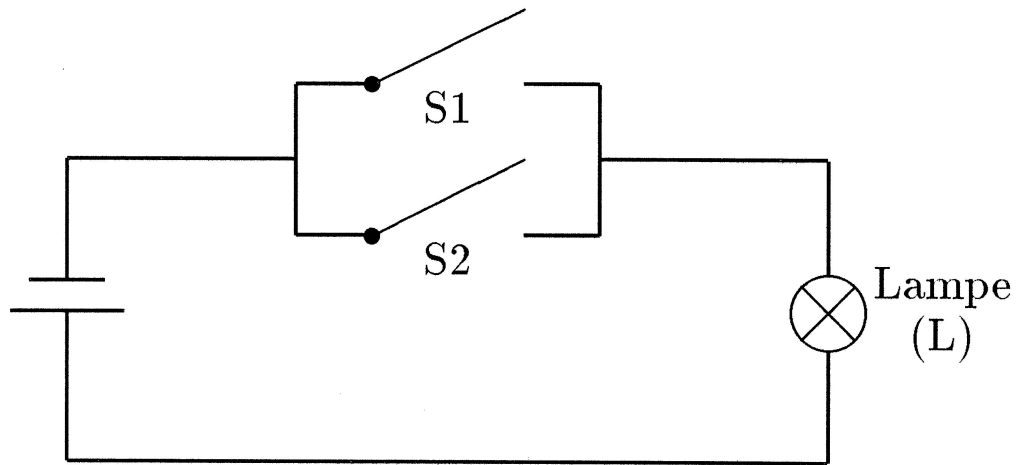
Funktionstabelle:

Schalter1	Schalter2	Lampe
offen	offen	dunkel
offen	geschlossen	dunkel
geschlossen	offen	dunkel
geschlossen	geschlossen	hell

Wahrheitstabelle:

S1	S2	L
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Die Disjunktion



Aussagenlogik:

Schalter1 ist geschlossen ODER Schalter2 ist geschlossen =

Die Lampe ist hell

$$S1 \vee S2 = L$$

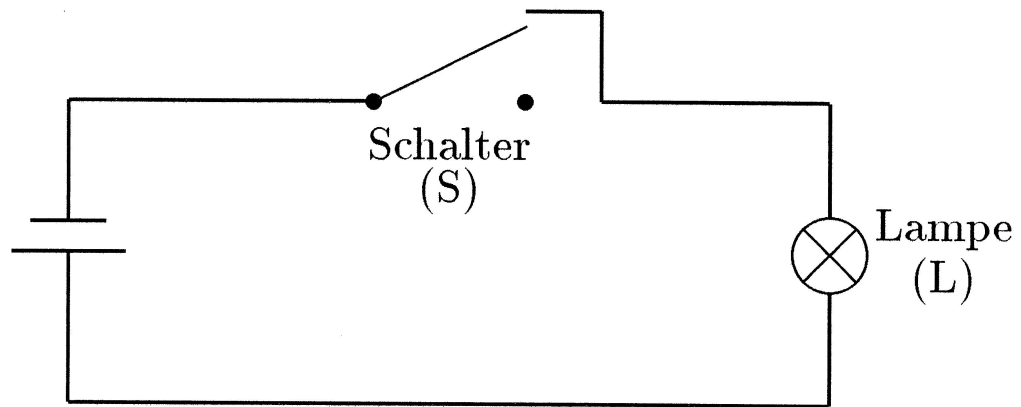
Funktionstabelle:

Schalter1	Schalter2	Lampe
offen	offen	dunkel
offen	geschlossen	hell
geschlossen	offen	hell
geschlossen	geschlossen	hell

Wahrheitstabelle:

S1	S2	L
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Die Negation



Aussagenlogik:

NICHT Schalter ist geschlossen = Die Lampe ist hell
 $\bar{S} = L$

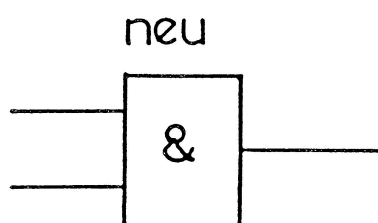
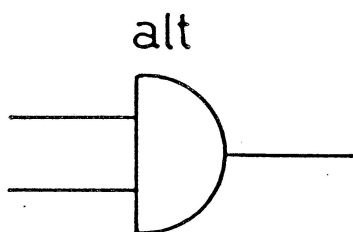
Funktionstabelle:

Schalter	Lampe
offen	hell
geschlossen	dunkel

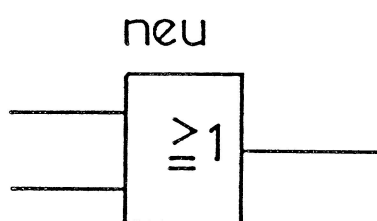
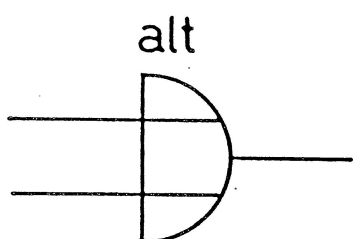
Wahrheitstabelle:

S	L
0	1
1	0

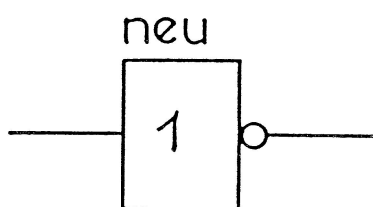
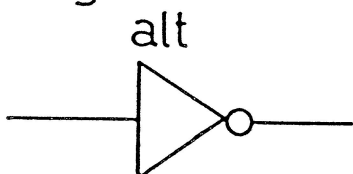
Konjunktion



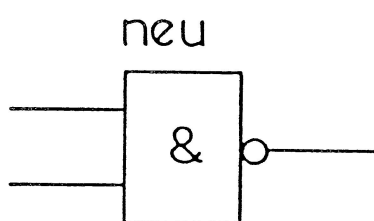
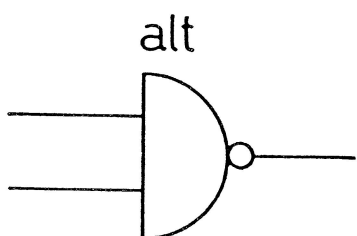
Disjunktion



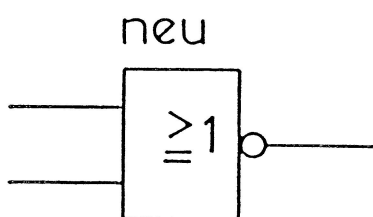
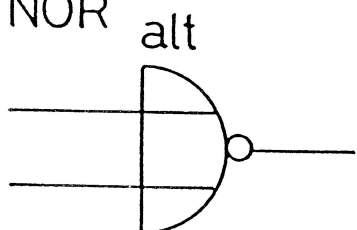
Negation



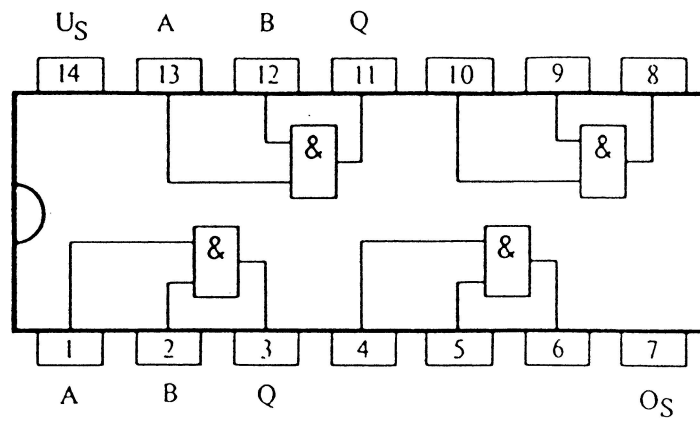
NAND



NOR

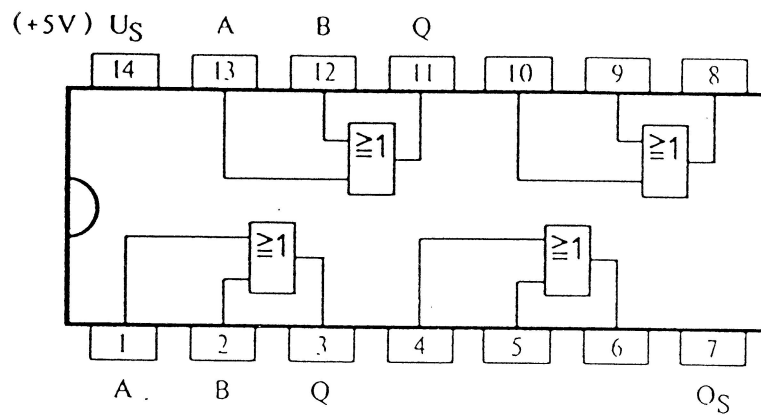


SCHALTSYMBOLS FÜR GATTER

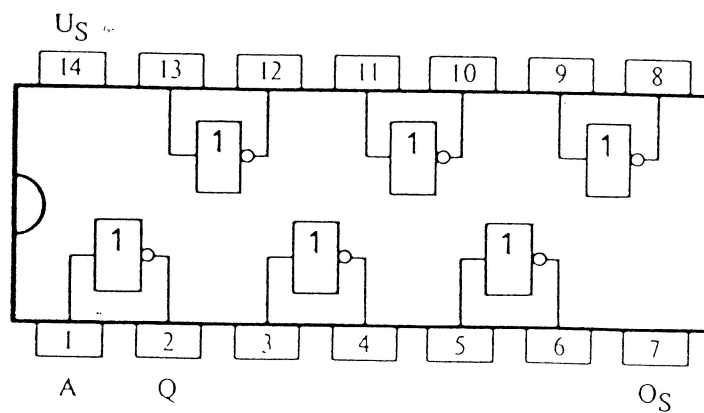


$U_S = +5\text{ V}$
 $O_S = 0\text{ V}$

(4 UND mit je zwei Eingängen) (7408)



(4 ODER mit zwei Eingängen) (7432).



Sechsfacher Inverter (7404)

Gesetze der Boole'schen Algebra

Gesetz der doppelten Negation

$$\overline{\overline{a}} = a$$

Konjunktion

Disjunktion

Kommutativgesetz

$$a \wedge b = b \wedge a$$

$$a \vee b = b \vee a$$

Assoziativgesetz

$$(a \wedge b) \wedge c = a \wedge (b \wedge c)$$

$$(a \vee b) \vee c = a \vee (b \vee c)$$

Distributivgesetz

$$a \wedge (b \vee c) = (a \wedge b) \vee (a \wedge c)$$

$$a \vee (b \wedge c) = (a \vee b) \wedge (a \vee c)$$

Idempotenz

$$a \wedge a = a$$

$$a \vee a = a$$

Gesetz vom Widerspruch

$$a \wedge \overline{a} = 0$$

Gesetz vom ausgeschl. Dritten

$$a \vee \overline{a} = 1$$

Nullelemente, neutrale Elemente

$$a \wedge 0 = 0$$

$$a \vee 1 = 1$$

$$a \wedge 1 = a$$

$$a \vee 0 = a$$

Dualität der Gesetze

$$\wedge, 0 \Longleftrightarrow \vee, 1$$

Verifikation des Distributivgesetzes

Wahrheitstabelle für $a \vee (b \wedge c) = (a \vee b) \wedge (a \vee c)$:

c	b	a	$b \wedge c$	$a \vee (b \wedge c)$	$a \vee b$	$a \vee c$	$(a \vee b) \wedge (a \vee c)$
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	1	1	1
0	1	0	0	0	1	0	0
0	1	1	0	1	1	1	1
1	0	0	0	0	0	1	0
1	0	1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1	1	1

Absorptionsgesetze

$$\begin{aligned} a \vee (a \wedge b) &= ? & a \wedge (a \vee b) &= ? \\ &= (a \wedge 1) \vee (a \wedge b) \\ &= a \wedge (1 \vee b) \\ &= a \wedge 1 \\ &= a & &= a \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} a \vee (\bar{a} \wedge b) &= ? & a \wedge (\bar{a} \vee b) &= ? \\ &= (a \vee \bar{a}) \wedge (a \vee b) \\ &= 1 \wedge (a \vee b) \\ &= a \vee b & &= a \wedge b \end{aligned}$$

Theorem von DeMorgan

Wahrheitstabelle für $\overline{a \wedge b}$:

a	\overline{a}	b	\overline{b}	$a \wedge b$	$\overline{a \wedge b}$	$\overline{a} \vee \overline{b}$
0	1	0	1	0	1	1
0	1	1	0	0	1	1
1	0	0	1	0	1	1
1	0	1	0	1	0	0

$$\overline{a \wedge b} = \overline{a} \vee \overline{b} \quad \text{DeMorgan'sches Gesetz}$$

Nach dem Dualitätsprinzip folgt sofort:

$$\overline{a \vee b} = \overline{a} \wedge \overline{b}$$

Allgemein gilt:

$$\begin{aligned} \overline{a \wedge b \wedge c \wedge \dots} &= \overline{a} \vee \overline{b} \vee \overline{c} \vee \dots \\ \overline{a \vee b \vee c \vee \dots} &= \overline{a} \wedge \overline{b} \wedge \overline{c} \wedge \dots \end{aligned}$$

Kanonische Normalformen

Gegeben seien

n -stellige boolesche Funktion $f(x_1, x_2, \dots, x_n)$ und Literale $\hat{x}_i \in \{\bar{x}_i, x_i\}$

Definitionen

Elementarkonjunkt oder **Minterm**

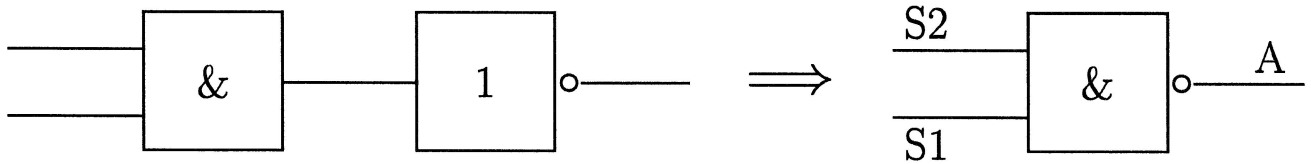
$$\hat{x}_1 \wedge \dots \wedge \hat{x}_n$$

Elementardisjunkt oder **Maxterm**

$$\hat{x}_1 \vee \dots \vee \hat{x}_n$$

1. Disjunktive Normalform ([DNF](#))
Disjunktive Verknüpfung der Minterme mit dem Funktionswert 1
2. Konjunktive Normalform ([KNF](#))
Konjunktive Verknüpfung der Maxterme mit dem Funktionswert 0
3. Reed-Muller-Normalform oder Ringsummennormalform
Komplexer siehe [Ringsummennormalform in Wikipedia](#)

Die Nand-Verknüpfung



Wahrheitstabelle:

S1	S2	A
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Schreibweisen:

$$A = \overline{S1 \wedge S2}$$

$$A = S1 \bar{\wedge} S2$$

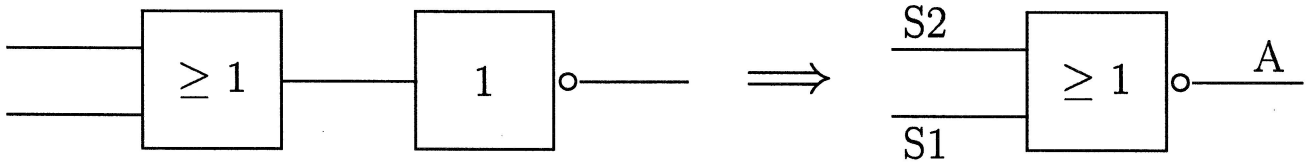
$$A = S1 \mid S2$$

Die Verknüpfung ist:

$$S1 \bar{\wedge} S2 = S2 \bar{\wedge} S1 \quad \text{kommutativ}$$

$$S1 \bar{\wedge} S2 \bar{\wedge} S3 \neq (S1 \bar{\wedge} S2) \bar{\wedge} S3 \quad \text{nicht assoziativ !}$$

Die Nor-Verknüpfung



Wahrheitstabelle:

S1	S2	A
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

Schreibweisen:

$$A = \overline{S1 \vee S2}$$

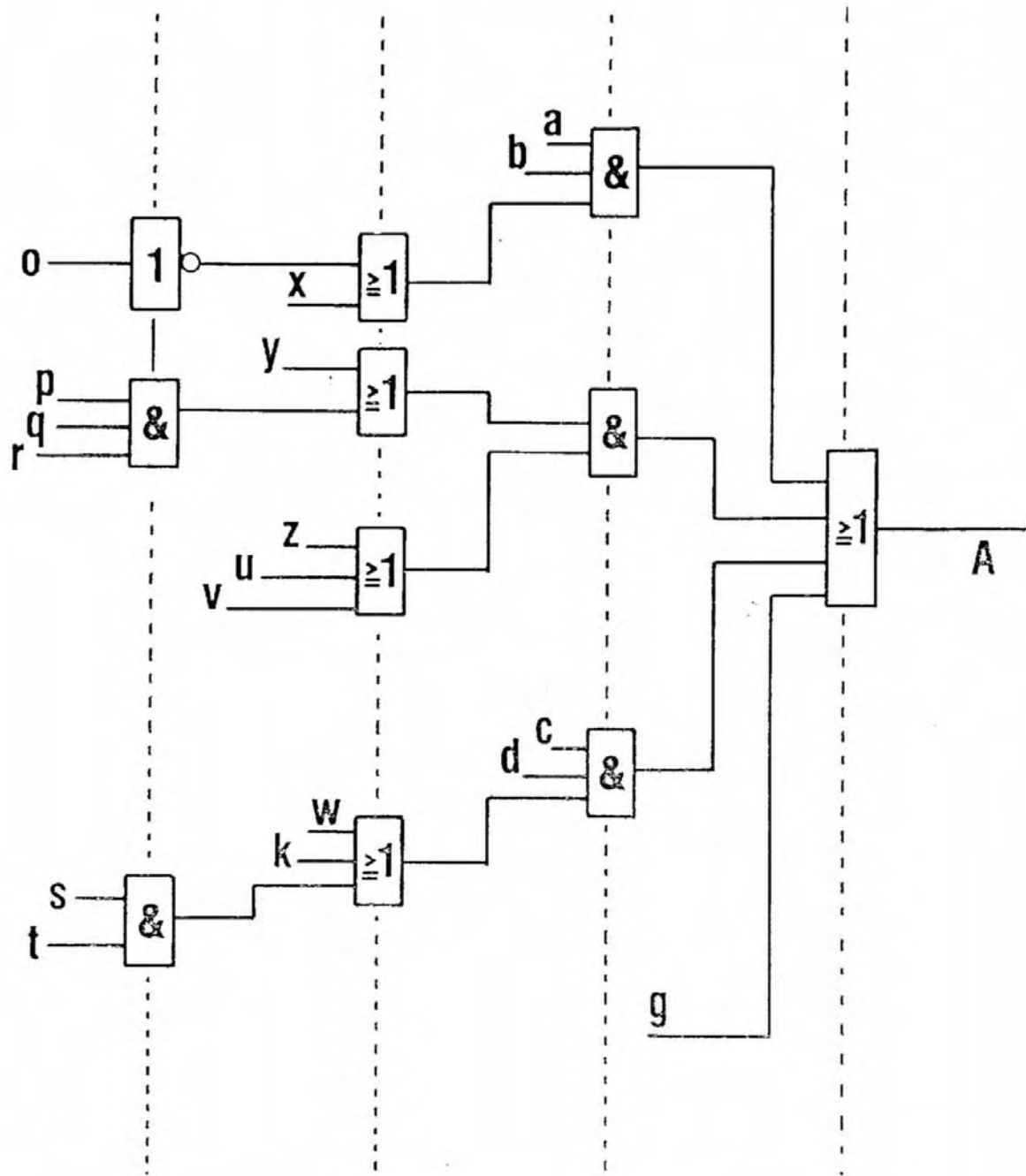
$$A = S1 \bar{\vee} S2$$

$$A = S1 \downarrow S2$$

Die Verknüpfung ist:

$$S1 \bar{\vee} S2 = S2 \bar{\vee} S1 \quad \text{kommutativ}$$

$$S1 \bar{\vee} S2 \bar{\vee} S3 \neq (S1 \bar{\vee} S2) \bar{\vee} S3 \quad \text{nicht assoziativ !}$$



UMWANDLUNG VON SCHALTUNGEN IN NAND-DARSTELLUNG (Teil I)

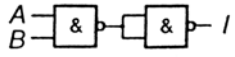
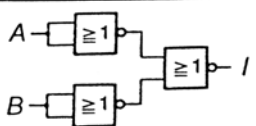
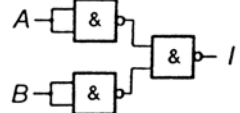
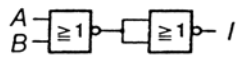
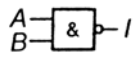
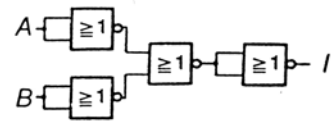
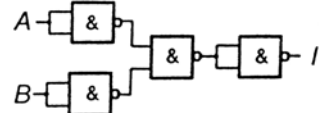
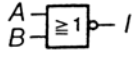
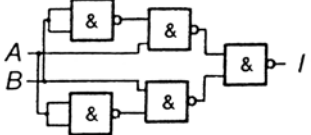
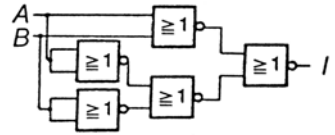
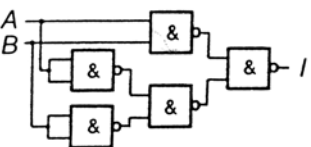
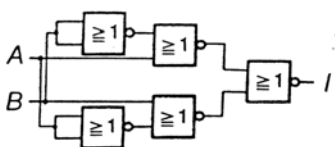
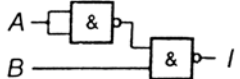
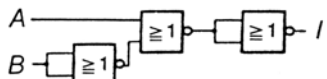
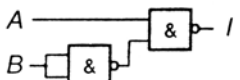
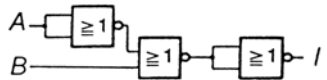
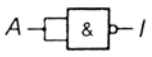
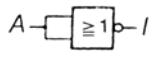
Funktion	mit NAND	mit NOR	Boolescher Ausdruck
UND			$I = A \wedge B$
ODER			$I = A \vee B$
NAND			$I = \overline{A \wedge B}$
NOR			$I = \overline{A \vee B}$
Antivalenz (exl. ODER)			$I = \overline{AB} \vee \overline{A\overline{B}}$
Äquivalenz			$I = AB \vee \overline{A\overline{B}}$
Implikation			$I = A \vee \overline{B}$
Implikation			$I = \overline{A} \vee B$
NOT			$I = \overline{A}$

Bild 8.40 Zusammenfassung der logischen Funktionen und ihrer Realisierung mit NAND- oder NOR-Gattern